

mm

inch

100 200 300 400 500 600 700 800 900 1000

10 20 30 40 50 60 70 80 90 100

11 16 17 18 20 A5 B5 A2 B2 C2 A1 B1 C1

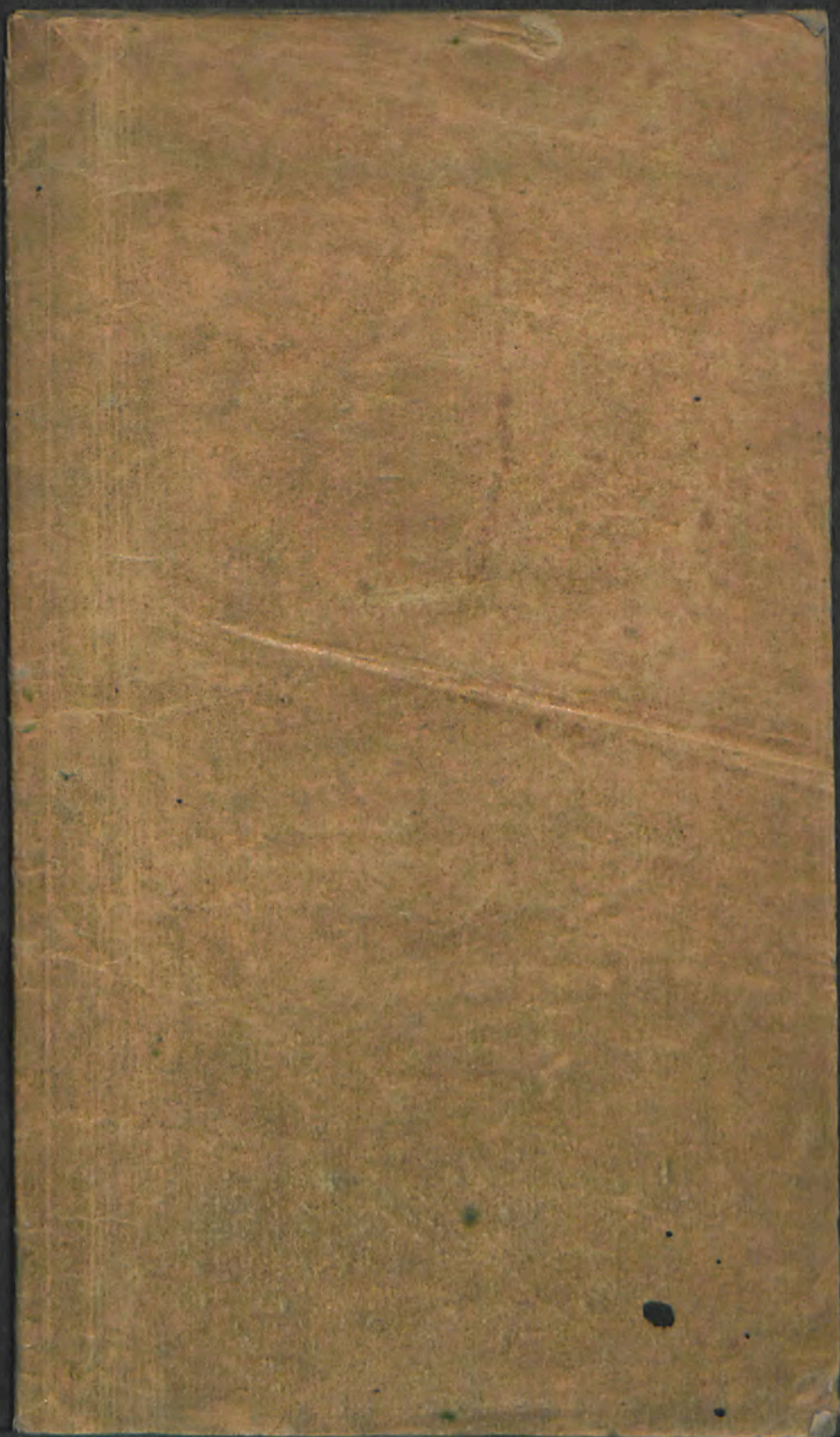
4.5 3.0 1.5 0.3

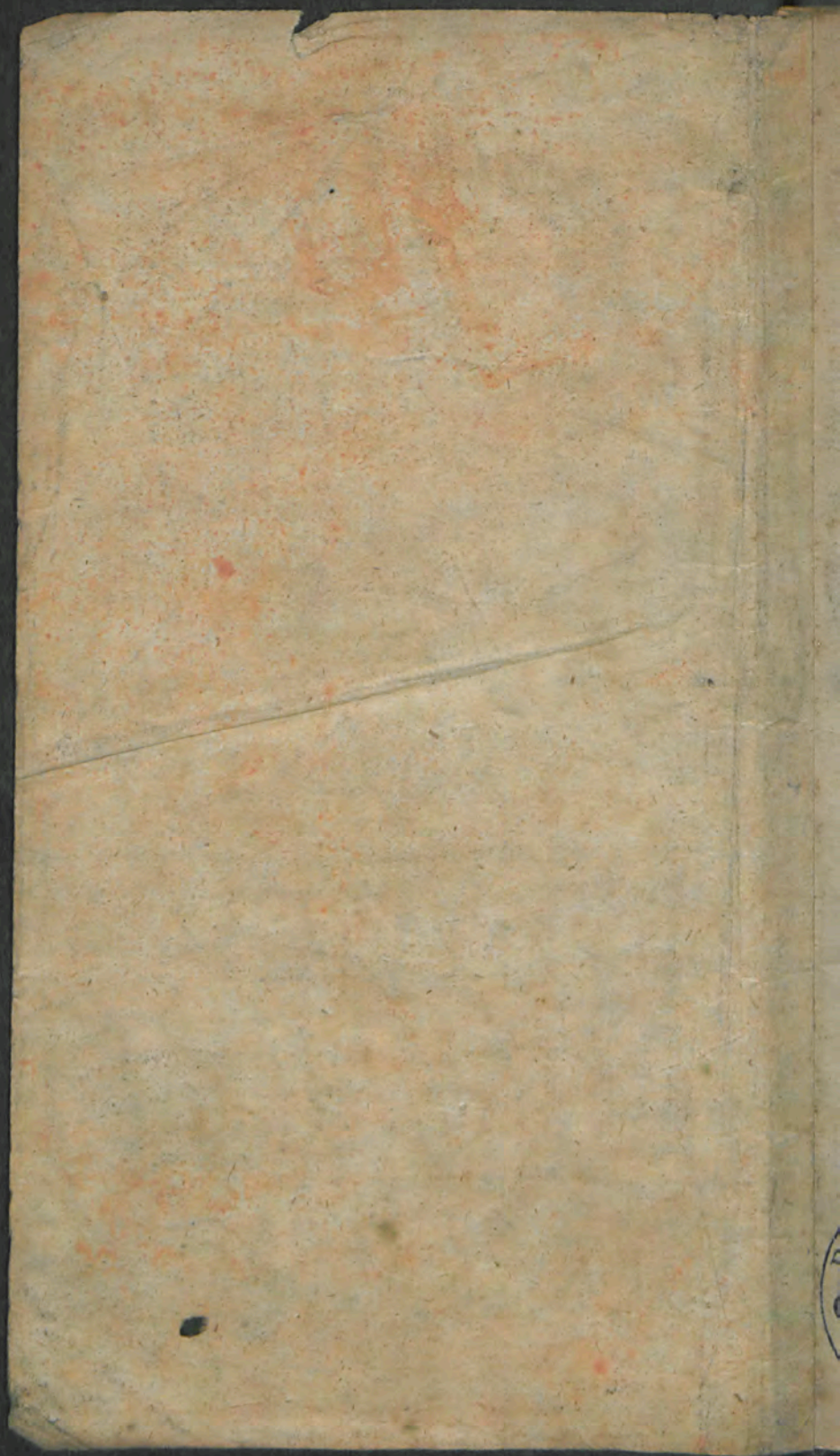
10 09 03 02 01 C7 B7 A7 C8 B8 A8 C9 B9

the scale towards document

Image Engineering Scan Reference Chart T1283 Serial No. 1234

Patch reference numbers on UTR





Etwas über das Rechnungsverfahren
beym Visiren der Fässer, und über
darauf gegründete Tabellen für den
Inhalt derselben.

Veranlaßt durch *Sören Bruun's* Preisschrift über
diesen Gegenstand.

Eine kleine Untersuchung,
womit zur

öffentlichen Prüfung
aller Classen

des K. Christianeum

Mittwochs am 7^{ten} April

Vormittags von 9 und Nachmittags von 3 Uhr an,
und zu den

feyerlichen Abschiedsreden,

welche

acht unsrer geliebten Jünglinge

Freytags am 9^{ten} April

Vormittags um 10 Uhr

in unserm größern Hörsaale
halten werden,

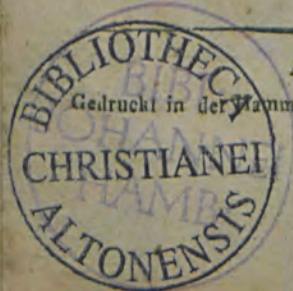
gehorsamt und ergebenst einladet

Jacob Struve

Dr. der Philos. K. Prof. u. des academ. Gymnasiums Director.

Altona 1824.

Gedruckt in der Hammerich- und Heincking'schen Buchdruckerey.



Faint, illegible text, possibly bleed-through from the reverse side of the page. The text is arranged in several paragraphs and is mostly obscured by fading and discoloration.

Vor Kurzem trug ich in der obersten Classe unserer Lehranstalt die Theorie des gemeinen *Visirstabes* vor, verbunden mit dem Rechnungsverfahren für den Inhalt runder cylinderartiger Gefäße. Zugleich hatte ich eine Veranlassung mit der *hiesigen Rechnungsart beym Visiren* genau bekannt zu werden. Endlich bekam ich in diesen Tagen ein Buch in die Hände, mit dem Titel:

„Tafel für den Inhalt der Fässer mit Erklärung des Gebrauchs derselben von *Sören Bruun*. *Preischrift*, welche die von der K. Dän. Gesellschaft der Wissenschaften desfalls ausgeferzte Prämie erhalten. Copenhagen 1797. gedr. bey *Sebast. Pott*.

Dies Werk in 8vo. ist nur klein, denn es enthält aufser einem *Vorbericht* von 4 Seiten III bis VI eine *Einleitung* von 5 Seiten, VII bis XI; zunächst eine *Erklärung der Tafeln* auf 20 Seiten,

XII-

Die Länge des

Zulage für eine Linie der Spundtiefe	Die Boden-Weite	Zulage für				
		$\frac{1}{2}$	$\frac{5}{8}$	$\frac{3}{4}$	$\frac{2}{3}$	$\frac{3}{5}$
		Die Größe der				
		22	23	24	25	26
		<i>Inhalt in Dänij</i>				
1	16	198	210	224	-	-
$\frac{1}{2}$	17	204	218	232	247	-
$\frac{3}{8}$	18	210	225	239	254	269
$\frac{1}{2}$	19	217	232	247	262	277
$\frac{3}{8}$	20	224	239	254	269	285
$\frac{1}{2}$	21	232	247	262	277	293
$\frac{3}{8}$	22	239	254	269	285	301
$\frac{1}{2}$	23	-	262	277	293	309
$\frac{3}{8}$	24	-	-	285	301	317
$\frac{1}{2}$	25	-	-	-	309	325
$\frac{3}{8}$	26	-	-	-	-	334
$\frac{1}{2}$	27	-	-	-	-	-
$\frac{3}{8}$	28	-	-	-	-	-
$\frac{1}{2}$	29	-	-	-	-	-
$\frac{3}{8}$	30	-	-	-	-	-
$\frac{1}{2}$	31	-	-	-	-	-
-	-	-	-	-	-	-
-	-	-	-	-	-	-
-	-	-	-	-	-	-
Tabelle X.		22	23	24	25	26
		Zulage für				
		$\frac{7}{12}$	$\frac{5}{8}$	$\frac{3}{4}$	$\frac{2}{3}$	$\frac{3}{5}$

wir wünschen und hoffen, obgleich 27 Jahre seit dem Drucke seines Werks verflossen sind: so wird er uns doch gerne vergönnen; das wir sein nicht umständlich angegebenes Rechnungsverfahren zu unsrer Uebung prüfen. Das Resultat wird seyn, das wir dasselbe völlig auf geometrische Sätze gegründet und mit möglichster Genauigkeit angewandt finden.

I. Vorauf schicken wir, wie man bisher, unsers Wissens, mit dieser Berechnung nach mathematischen Lehrbüchern in den Hörsälen verfuhr. Nämlich man rechnete nach der richtigen Formel für den Inhalt eines Cylinders

$$C = D^2 \cdot \frac{1}{4} P \cdot H$$

Das ist: *der cubische Inhalt eines Cylinders ist das Product des Quadrats seines Durchmessers D mit dem vierten Theile P des bekannten Exponenten des Verhältnisses jedes Durchmessers zu seinem Umkreise* — wo man sich gewöhnlich mit dem Archimedischen etwas zu großen $\frac{22}{7}$ begnügte — *und mit seiner Höhe H*. Dabey nahm man aber D bey diesen runden cylinderartigen Gefäßen wol nicht genau genug als das arithmetische Mittel zwischen der *Spundtiefe und Bodenweite* an; das heisset zwischen dem möglichst
genau

genau gemessenen Durchmesser beym Spunte und dem des Bodens. *Beyspiel.* Ein Fafs habe 34 Zoll Länge, oder Höhe, 25 Zoll Spundtiefe, und 22 Z. Bodenweite, so ist die Berechnung: In

$$D^2 \cdot \frac{1}{4} P \cdot H$$

$$\text{ist } D = \frac{25+22}{2} = 23\frac{1}{2}; D^2 = \left(\frac{47}{2}\right)^2 = \frac{2209}{4};$$

also die Factoren sind $\frac{2209 \cdot 22 \cdot 34}{4 \cdot 4 \cdot 7}$, oder in klein-

sten ganzen Zahlen $\frac{2209 \cdot 11 \cdot 17}{4 \cdot 7}$.

Nun ist $2209 \cdot 11 \cdot 17 = 24299 \cdot 17 = (24300-1) \cdot 17 = 413100 - 17 = 413083$; dies mit 4 dividirt gibt 103270,75, und dies mit 7 endlich 14753 Cubiczoll beynahe. Da nun ein Dänischer Pott nach *B's* auf S. 80 abgedruckten Reductionstabelle 54 Cubiczoll enthält, und $14753 : (9 \cdot 6) = 1639, 22 : 6$ ist: so gibt dies nur 273,2 oder $273\frac{1}{5}$ d. i. 273 Pott statt 285 in der *B's*chen Tabelle, da wo die Zahlen der Spundtiefe 25, und der Bodenweite 22 in den Columnen zusammen treffen. Also die gewöhnliche mathematische Methode gibt ganze 12 Potte zu wenig, denn die Bruunsche Anzahl 285 ist, wie sich zeigen wird, ganz richtig.

2. Richtiger ist nach mir vorgelegten berechneten Exempeln das Rechnungsverfahren hier in *Altona*, indem man $D = \frac{2d+b}{3}$ annimmt, das heisst:

heißt: wenn d die Spundtiefe und b die Bodenweite bedeutet, so ist D als Durchmesser der dritte Theil der gedoppelten Spundtiefe und der einfachen Bodenweite. Diese grössere Richtigkeit hat ihren Grund in dem gewöhnlich nur einige Zoll ausmachenden Unterschied zwischen Spundtiefe und Bodenweite. Dabey wird $P = \frac{314}{100}$ in $\frac{1}{4} P = \frac{785}{1000}$ etwas zu klein angenommen. So ist hier zum *Beispiel* für 34, 25 u. 22 Z. in I. die Formel

$$D^2 \cdot \frac{1}{4} P \cdot H.$$

$$\frac{576 \cdot 785 \cdot 34}{1000}$$

da $D = \frac{2d+b}{3} = \frac{50+22}{3} = 24$ ist. Die Berechnung ist: $785 \cdot (16 \cdot 6 \cdot 6) = 12560 \cdot (6 \cdot 6) = 75360 \cdot 6 = 452160$; dies mit $34 : 1000 = (2 \cdot 17) : 1000$ mult. gibt $904,32 \cdot 17 = 15373,44$ Cubiczoll, welche mit $54 = 6 \cdot 9$ div. $2562,24 : 9 = 284,69 = 285$ Pott geben; *genau wie in der Tabelle, nemlich 620 Z. = $11\frac{1}{2}$ Pott mehr als in I.*

3. Am richtigsten ist die *Berechnung nach den Bruunschen Tabellen*, wie die Folge zeigen wird. Auch gibt der Verfasser den mathematischen Grund seines Verfahrens S. XII mit folgenden hier abgekürzten Worten in einer Note an:

Nen-

Nennet man die Spundtiefe d , die Bodenweite b , die Länge des Fasses L , (wofür wir H beybehalten wollen) und den Inhalt eines jeden runden Fasses I , (bey uns C): so ist ohne Ausnahme,

$$\log. I = \log. L + 2 \log. (2d + b) - 2,7915469$$

oder $\log. C = \log. H + 2 \log. D - 2,7915469$

Da fällt auf den ersten Blick der beständige verneinte Logarithmus 2,7915469 auf, und wir fragen uns, *woher*; antworten aber auch sogleich, *von den beständigen Divisoren* in der Formel

$$C = D^2 \cdot \frac{1}{4} P. H.$$

nemlich von dem Divisor in dem Factor $D = \frac{2d + b}{3}$, also $D^2 = \frac{(2d + b)^2}{9}$, von 4 in $\frac{1}{4}$, und von P entweder $= \frac{2^2}{7}$ nach *Archimedes*, oder $= \frac{3^5 5}{1^3}$ nach *Metius*, welche letztere Zahl bekanntlich eine in 6 Decimalstellen richtige Verhältniszahl ist, da hingegen die Archimedische, hier in *Altona* gebräuchliche, nur in 2 es ist. Also des Verfassers verneinter Logarithmus rührt entweder her

$$\text{von } \frac{1}{9} \cdot \frac{1}{4} \cdot \frac{2^2}{7} \cdot \frac{1}{5^4}$$

$$\text{oder von } \frac{1}{9} \cdot \frac{1}{4} \cdot \frac{3^5 5}{1^3} \cdot \frac{1}{5^4}$$

nemlich $\frac{1}{5^4}$ mußte hinzu, weil der Verfasser nach Potten rechnet, mit dem Bruche $= \frac{1}{2}$, oder $\triangleright \frac{1}{2} = 1$, and $\triangleleft \frac{1}{2} = 0$.

4. Nun

4. Nun muß sich bald zeigen, nach welchem Verhältniß der Verfasser gerechnet hat. Es ist

$$\frac{1}{9} \cdot \frac{1}{4} \cdot \frac{2^2}{7} \cdot \frac{1}{54} = \frac{11}{9 \cdot 2 \cdot 7 \cdot 54} = \frac{11}{18 \cdot 7 \cdot 3} = \frac{11}{324 \cdot 7 \cdot 3}$$

$$\frac{11}{2268 \cdot 3} = \frac{11}{6804}$$

Da fragt es sich, gibt die natürliche Zahl $\frac{11}{6804}$ diesen Logarithmen. Wir wollen mit 10 Decimalstellen rechnen, da unsere *größtentheils durch milde Geschenke entstandene, so nützliche, öffentliche Gymnasienbibliothek* von circa 13000 Bänden uns durch den *Vegaischen* Theaur dazu in Stand setzt. Es ist

$$\text{Log. } 11 = 1,041\ 3926\ 852$$

$$\text{Log. } 6804 = 3,832\ 7643\ 049; \text{ folg. d. Subtr.}$$

$$\text{Log. } \frac{11}{6804} = -2,791\ 3716\ 197$$

und nicht $= -2,791\ 5469$

Also das Archimedische Verhältniß hat Herr B. nicht genommen; und das mit Recht nicht, denn 7 in $\frac{2^2}{7}$ ist zu klein, und subtrahirt in Logarithmen zu wenig.

5. Wir nehmen hierauf $\frac{1}{7} \cdot \frac{1}{4} \cdot \frac{3 \cdot 5 \cdot 5}{1 \cdot 1 \cdot 3} \cdot \frac{1}{54}$. Es ist

$$\text{Log. } 9 = 0,954\ 2425\ 094$$

$$\text{Log. } 4 = 0,602\ 0599\ 913$$

$$\text{Log. } 113 = 2,053\ 0784\ 435$$

$$\text{n. Log. } 54 = 1,732\ 3937\ 598$$

$$\text{zuf. } = 5,341\ 7747\ 040; \text{ ferner ist}$$

$$\text{Log. } 355 = 2,550\ 2283\ 531$$

so haben wir $-2,791\ 5463\ 509$, welches verglichen mit $-2,791\ 5469$ zeigt

zeigt, daß der Verfasser das richtigere Verhältniß des *Metius* genommen hat. Auch kann seine 9 in der 7ten Decimalstelle, wo $3,509 = 4$ ist, nur ein gänzlich unschädlicher Druckfehler seyn.

6. Nun wollen wir nach der so genauen Formel 4 Aufgaben prüfen, welche des Verfassers *2tes Beyspiel* S. XVI mit den Dimensionen *Länge* 34 Z. 11 Linien, *Spundtiefe* 25 Z. 7 L., und *Bodenweite* 22 Z. $7\frac{1}{2}$ L. uns an die Hand geben soll.

7. Die *erste Aufgabe* sey: wie groß ist der Inhalt in Potten bey den *Dimensionen in ganzen Zollen*, 34, 25, 22, und also mit $2d + b = 2 \cdot 25 + 22 = 72$, und $\frac{2d+b}{3} = \frac{72}{3} = 24$?

Es ist Log. 34 = 1,531 4789

2. Log. 72 1,857 3325

1,857 3325

zusammen 5,246 1439

hievon 2,791 5464

bleibt 2,454 5975

mit der nat. Zahl 284,84, d. i. 285, wie in der Tabelle. — *Probe* durch Rechnung mit nat. Zahlen.

Es ist $D^2 \cdot \frac{1}{4} P \cdot H$ hier $\frac{576 \cdot 355 \cdot 34}{4 \cdot 113 \cdot 54}$, oder mit 72 ver-

kleinert $\frac{8 \cdot 355 \cdot 34}{113 \cdot 3}$. Nun ist $8 \cdot 34 = 16 \cdot 17$; und

$355 \cdot 17 \cdot 16$ ist $6035 \cdot 16 = 96560$; dies mit $3 \cdot 113$ dividirt gibt $32186,6 : 113 = 284,8$, genau wie vorher.

8. Die

8. Die 2te Aufgabe sey dieselbe in 7; nur habe die Länge, wie in 6, 11 Linien = $\frac{11}{2}$ Z. = 0,9166.. Z. mehr.

Es ist Log. 34,9166 = 1,543 0245;

in 7. war Log 34 = 1,531 4789

also hier mehr 0,011 5456

Dies zu 2,454 5975 in 7.

gibt 2,466 1431

mit der nat. Z. 292,51; hievon 284,84 bleibt 7,67 d. i. $7\frac{2}{3}$ Pott mehr.

Probe. Wenn 34 Z. Länge 284,8 Pott geben, so geben $\frac{11}{2}$ jetzt $\frac{284,8 \cdot 11}{34 \cdot 12}$ d. i. $\frac{35,6 \cdot 11}{17 \cdot 3}$; der Zähler ist 391,6; mit 17 div hat man 23,035; und dies mit 3 dividirt gibt 7,67 = $7\frac{2}{3}$ wie vorher.

9. Der Verfasser hat in seiner Berechnung S. XVII. $\frac{1}{3}$ Pott weniger, nemlich nur $7\frac{1}{3}$. Zu dieser kleinen Ungenauigkeit war derselbe dadurch gezwungen, *dass er für den einzelnen Zoll einen bequemen Bruch in kleinen Zahlen haben musste.* Dieser war nun $\frac{2}{3}$, und so gab ihm 11 $\cdot \frac{2}{3}$ nur $7\frac{1}{3}$. Auch wird der kleine Fehler größtentheils dadurch gehoben, dass für 34 Z. Länge nicht 284,8, sondern 285 Pott gerechnet wurden.

10. Die 3te Aufgabe sey dieselbe in 7, nur habe die Spundtiefe wie in 6, 7 Linien mehr und sey

sey also $25\frac{7}{12}$ Z. Hier ist $2d + b = 51$ Z. $2L + 22$ Z. $= 73\frac{1}{2}$ Zoll $= 73,1666$.

Nun ist $2 \text{ Log. } 73,1666 = 2 \cdot 1,864 \ 3129$

Das ist	3,728 6258
in 7. war $2 \text{ Log } 72$	= 3,714 6650
also hier mehr	0,013 9608
Dies zu	2,454 5975 in 7
gibt	2,468 5583

mit der natürlichen Zahl 294,14 P.; hievon 284,84 gibt 9,3 P. mehr, und der Verfasser hat S. XVII möglichst genau $\frac{4}{3} \cdot 7 = 9\frac{1}{3}$ gesetzt. — Die *Probe* mit nat. Z. stellt folgende nicht leichte Berechnung auf: $D = \frac{2d+b}{3} = \frac{51\frac{1}{2}+22}{3} = \frac{73\frac{1}{2}}{3} = 24\frac{7}{8} = \frac{439}{18}$; also ist $D^2 = \frac{439^2}{324} = \frac{192721}{324}$; unfre Formel

$$D^2 \cdot \frac{1}{4} \text{ P. H}$$

$$\text{ist also } \frac{192721 \cdot 355 \cdot 34}{9 \cdot 9 \cdot 16 \cdot 113 \cdot 54}$$

wo man statt $\frac{34}{54}$, $\frac{17}{9 \cdot 3}$ nehmen kann. Es ist $192721 \cdot 17 = 3276257$; dies mit 355 multiplicirt gibt 1163 071 235; dies mit 113 dividirt hat 10 292 666 beynahe zum Quor.; jezt dreymal nach einander mit 9, dann mit 3, und zuletzt mit 16 dividirt, gibt 1143 629,555; 127069,95; 14118,88; 4706,29; dies endlich mit 16 gibt 294,14 P., wie vorher; aber *wie viel leichter und kürzer war doch die Berechnung mit Logarithmen!*

II. Die 4te Aufgabe sey, wie in 7, nur habe die Bodenweite, wie in 6, $7\frac{1}{2}$ L. = $\frac{5}{8}$ Zoll mehr. Alsdenn ist $2d + b = 50 + 22\frac{5}{8} = 72\frac{5}{8} = 72,625$ Z. Nun ist

$$2 \text{ Log. } 72,625 = 2 \cdot 1,861\ 0861$$

$$\text{das ist } 3,722\ 1722; \text{ in } 7.$$

$$\text{und IO. war } 2 \text{ Log } 72 = 3,714\ 6650$$

$$\text{also hier mehr } 0,007\ 5072$$

$$\text{Hiezu } 2,454\ 5975 \text{ in } 7.$$

$$\text{gibt } 2,462\ 1047$$

mit der nat. Z. 289,8; hievon 284,8 gibt 5 Pott mehr, und so hat auch der Verfasser S. XVII in $\frac{2}{3} \cdot 7\frac{1}{2} = 5$. Noch müde von der Rechnung in IO überheben wir uns der Probe mit natürlichen Zahlen, da sie wegen $= 72\frac{5}{8} : 3 = 24\frac{5}{8}$ noch mühsamer wird.

Zuletzt nur noch: *Dank dem würdigen Verfasser* des so nützlichen kleinen Buchs, das uns zu dieser nur kurzen, aber männlichen Uebung im Nachdenken und Rechnen eine willkommene Veranlassung ward!

Severa lege est discendum.

Das

Das vorjährige Programm ergibt, daß 1823 Ostern 27 Selectaner bey uns zur Fortsetzung ihrer Studien blieben. Zu diesen wurden damals 11, und Michaelis 2 neue aufgenommen; auch kam um Michaelis ein lange krank gewesener Jüngling wieder gesund zu uns. Dies würde zusammen eine Frequenz von 41 ausmachen. Allein sie war im Anfange des Lehrjahrs nur 38, und von Johannis an nur 37, weil der süddeutsche Jüngling

Philipp Christian Napoleon Savart
aus Simmern

zu seinen Eltern zurückberufen ward. Von diesen übrigen 37 verließen uns um und zu Michaelis 5, nemlich die Brüder

Job. Diet. Köster und *Armin. Köster*
beyde aus Crempe,

welche zum Lübecker Gymnasium abgingen; ferner

Henning Boltzen
aus Alten-Königsmohr,

welcher ungewiß war, ob er seine Studien werde fortsetzen können. Zugleich gingen nach Kiel ab

August Theodor Friederich Garm
aus Altona,

mit einer feyerlichen Abschiedsrede in Jamben: *über die Phantasie als Beglückerin unsers Lebens*; und

Marcus Heinrich Friederich Puls
aus Crempe,

aus häuslichen Gründen ohne öffentliche Rede.

Es blieben also Michaelis 1823 nur 32 zurück, die aber mit den Hinzukommenden im Winterhalbjahre die Frequenz von 35 ausmachten. Von diesen 35 bleiben jezt 26 bey uns zurück, und 9 werden von uns Abschied nehmen, und zwar am *Freytage, den 9ten April, Vormittags von 10 Uhr an* folgende 8 in kurzen feyerlichen Reden:

Rudolph Heinrich Klausen

aus Altona,

würdiger einziger Sohn meines würdigen nächsten Collegen, mit einem deutschen Gedichte in trochäischen Versen: *über Erinnerung und Hoffnung;*

Alexander Adler

aus Altona,

mit einer lateinischen Rede über den Satz: *zu unserm größten Glücke hat Gott uns die Zukunft verborgen;*

Eduard Friederich Grüning

aus Altona,

mit einer deutschen: *über den hohen Werth der Religion;*

Eduard Wilhelm Coch

aus Witzworth,

mit einer lateinischen Rede über den Satz: *die Tugend ist schwach ohne Gegner;*

Carl Friederich Prigge

aus Hamburg,

mit einer deutschen: *über die immerwährende Thätigkeit in der Natur;*

Otto Friederich Alsen

aus Altona,

mit einer lateinischen Rede: *über den Werth der Freundschaft;*

Hein-

Heinrich Smidt

aus Altona,

mit einer deutschen Rede in freyen Versen über
das Thema: *was bleibt, und was schwindet?*

Hans Ludw. Christ. Wilh. von Eggers

aus Schleswig,

mit einer lateinischen Rede über den Satz: *die Euro-
päer sind durch die Entdeckung Amerika's nicht
glücklicher geworden.* Auch geht

Georg Bookmeier

aus dem Schwabstädtischen,

nach Kiel, aber aus häuslichen Gründen ohne öffent-
liche Abschiedsrede.

Wir laden zu dieser Feyerlichkeit,
so wie zu der des öffentlichen Examens
Mittwochs vorher, Se. Excellenz unsern
verehrungswürdigen Herrn Protogym-
nasiarchen, die übrigen Mitglieder
des hochansehnlichen Gymnasiarchal-
collegii, den hochlöblichen Magi-
strat, das ehrwürdige Ministerium, die
hiesigen bürgerlichen Collegia, Civil-
bediente und Militairautoritäten,
Gönner, Freunde, Eltern und An-
gehörige der Jugend, und überhaupt jeden
braven Bürger, und jede schätzenswerthe
Bürgerinn, ehrerbietig und ergebenst ein.

Oeffentlich ange schlagen den 4^{ten} April 1824

